



வகுப்பு 10

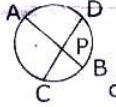
காலம்: 2.30 மணி

கணிதம்

மதிப்பெண்கள்: 100

பிரிவு - அ

15 × 1 = 15

- குறிப்பு: i) இப்பிரிவில் உள்ள 15 வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள நான்கு விடைகளில் மிகவும் சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.
iii) ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் ஒரு மதிப்பெண்.
- 1) $A = \{p, q, r, s\}$, $B = \{r, s, t, u\}$ எனில் $A \setminus B =$
a) $\{p, q\}$ b) $\{t, u\}$ c) $\{r, s\}$ d) $\{p, q, r, s\}$
 - 2) $\sum_{k=1}^n (2k-1) =$
a) n^2 b) k^2 c) $\frac{\ell+1}{2}$ d) $\frac{k+1}{2}$
 - 3) a, b, c என்பன ஒரு பெருக்குத்தொடர் வரிசையில் உள்ளன எனில், $\frac{a-b}{b-c} =$
a) $\frac{a}{b}$ b) $\frac{b}{a}$ c) $\frac{b}{c}$ d) 1
 - 4) $ax^2+bx+c = 0$ என்ற இருபடிச் சமன்பாட்டின் மூலங்கள் α மற்றும் β எனில், $\frac{1}{\alpha}$ மற்றும் $\frac{1}{\beta}$ ஆகியவற்றை மூலங்களாக கொண்ட இருபடிச் சமன்பாடு
a) $ax^2+bx+c = 0$ b) $bx^2+ax+c = 0$ c) $cx^2+bx+a = 0$ d) $cx^2+ax+b = 0$
 - 5) $(x-a)$ ஆனது $p(x)$ -க்கு ஒரு காரணி எனில் மட்டுமே
a) $p(a) = p(x)$ b) $p(a) = 0$ c) $p(a) \neq 0$ d) $p(-a) = 0$
 - 6) A ன் வரிசை $m \times n$ மற்றும் B ன் வரிசை $p \times q$ என்க. மேலும் A மற்றும் B ஆகியவற்றின் கூடுதல் காண இயலாமையில்
a) $m = p$ b) $n = q$ c) $n = p$ d) $m = p, n = q$
 - 7) $3x+6y+7 = 0$ மற்றும் $2x+ky = 5$ ஆகிய நேர்கோடுகள் செங்குத்தானவை எனில், k ன் மதிப்பு
a) 1 b) -1 c) 2 d) $1/2$
 - 8) $x-5 = 0$ மற்றும் $y+4 = 0$ என்ற நேர்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளி
a) (4, 5) b) (5, 4) c) (5, -4) d) (-4, 5)
 - 9) இரு வடிவொத்த முக்கோணங்களின் பரப்புகளின் விகிதம் 9 : 4 எனில், அவற்றின் பக்கங்களின் விகிதம்
a) 9 : 4 b) 4 : 9 c) 2 : 3 d) 3 : 2
 - 10) படத்தில் நான்கள் AB மற்றும் CD, P என்ற புள்ளியில் வெட்டுகின்றன. AB = 16 செ.மீ, PD = 8 செ.மீ, PC = 6 செ.மீ மற்றும் AP > PB எனில் AP

a) 8 செ.மீ b) 4 செ.மீ c) 12 செ.மீ d) 6 செ.மீ
 - 11) $\sin^6\theta + \cos^6\theta =$
a) $(\sin^3\theta + \cos^3\theta)^2$ b) $1 - 3\sin^2\theta\cos^2\theta$ c) $(\sin^2\theta + \cos^2\theta)^3$ d) $3\sin^2\theta\cos^2\theta - 1$
 - 12) $\sin\theta = \sqrt{3}\cos\theta$ எனில் θ -வின் மதிப்பு
a) 0° b) 30° c) 45° d) 60°
 - 13) 100π ச.செ.மீ வளைபரப்பு கொண்ட கோளத்தின் ஆரம்
a) 25 செ.மீ b) 100 செ.மீ c) 5 செ.மீ d) 10 செ.மீ
 - 14) முதல் 11 இயல் எண்களின் விலக்க வர்க்கச் சராசரி
a) $\sqrt{5}$ b) $\sqrt{10}$ c) $5\sqrt{2}$ d) 10
 - 15) A, B மற்றும் C என்பன ஒன்றையொன்று விலக்கும் மூன்று நிகழ்ச்சிகள் என்க. அவற்றின் நிகழ்தகவுகள் முறையே $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{4}$ மற்றும் $\frac{5}{12}$ எனில், $P(A \cup B \cup C) =$ a) $\frac{19}{12}$ b) $\frac{11}{12}$ c) $\frac{7}{12}$ d) 1

பிரிவு - ஆ

10 × 2 = 20

குறிப்பு: (i) பத்து வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். (ii) முதல் 14 வினாக்களிலிருந்து ஏதேனும் 9 வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். வினா எண் 30க்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்கவும். (iii) ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் இரண்டு மதிப்பெண்கள்.

- 16) $U = \{4, 8, 12, 16, 20, 24, 28\}$, $A = \{8, 16, 24\}$, $B = \{4, 16, 20, 24\}$ எனில் $(A \cap B)'$ -யைக் காண்க.
- 17) $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = N$ மற்றும் $f: A \rightarrow B$ ஆனது $f(x) = x^2$ என வரையறுக்கப்பட்டுள்ளது. f -ன் வீச்சுத்தைக் காண்க. மேலும், சார்பின் வகையைக் காண்க.
- 18) ஒரு கூட்டுத்தொடர் வரிசையின் 9 -வது உறுப்பு பூச்சியம் எனில், 19-வது உறுப்பின் இருமடங்கு 29-வது உறுப்பு என நிரூபி.
- 19) $\frac{x^3-1}{x^2+2}$ உடன் எந்த விகிதமுறு கோவையைக் கூட்டினால் $\frac{2x^3-x^2+3}{x^2+2}$ கிடைக்கும்.
- 20) $a_{ij} = \frac{i-j}{i+j}$ கொண்டு 2×2 வரிசையுடைய அணி $A = [a_{ij}]$ காண்க.
- 21) $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & -5 \\ 3 & -5 & 6 \end{pmatrix}$ எனில் $(A^T)^T = A$ என்பதைச் சரிபார்க்க.
- 22) $x-2y+3 = 0$ என்ற நேர்கோட்டிற்குச் செங்குத்தானும் (1, -2) என்ற புள்ளி வழிச் செல்வதுமான நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

M

- 23) (6, 4) மற்றும் (1, -7) என்ற புள்ளிகளை இணைக்கும் கோட்டுத்துண்டினை x -அச்சு பிரிக்கும் விகிதத்தைக் காண்க.
- 24) $\triangle ABC$ -ல் $\angle A$ -ன் வெளிப்புற இருசமவெட்டி ஆனது BC-ன் நீட்சியினை E-ல் சந்திக்கிறது. $AB = 10$ செ.மீ, $AC = 6$ செ.மீ மற்றும் $BC = 12$ செ.மீ எனில், CEயைக் காண்க.
- 25) $\sec\theta (1-\sin\theta) (\sec\theta+\tan\theta) = 1$ என நிறுவுக.
- 26) 30மீ நீளமுள்ள ஒரு கம்பத்தின் நிழலின் நீளம் $10\sqrt{3}$ மீ எனில், சூரியனின் ஏற்றக் கோணத்தின் அளவினைக் காண்க.
- 27) ஒரு திண்ம நேர்வட்ட உருளையின் ஆரம் 7 செ.மீ மற்றும் உயரம் 20 செ.மீ எனில், அதன் மொத்தப் புறப்பரப்பைக் காண்க. ($\pi = 22/7$)
- 28) ஒரு புள்ளி விபரத்தின் மாறுபாட்டுக்கெழு 57 மற்றும் திட்டவிலக்கம் 6.84 எனில், அதன் கூட்டுச்சராசரியைக் காண்க.
- 29) இரு பகடைகள் ஒரு சேர உருட்டப்படுகின்றன. முக எண்களைக் கொண்டு அமைக்கப்படும் ஈரிலக்க எண் 3-ல் வகுபடும் எண்ணாக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவு காண்க.
- 30) a) ஒரு எண் மற்றும் அதன் தலைகீழி ஆகியவற்றின் கூடுதல் $3\frac{1}{3}$ எனில், அந்த எண்ணைக் காண்க. (அல்லது)
b) ஒரு நேர்வட்ட உருளையின் மொத்தப்பரப்பு அதன் புறப்பரப்பை போல் மூன்று மடங்கு எனில் அதன் உயரத்தை அதன் ஆரம் வழிக் காண்க.

பிரிவு - இ

9×5=45

குறிப்பு: (i) ஒன்பது வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். (ii) முதல் 14 வினாக்களிலிருந்து ஏதேனும் 8 வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். வினா எண் 45க்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்கவும். (iii) ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் 5 மதிப்பெண்கள்.

- 31) வெண்படத்தினைப் பயன்படுத்தி $A \setminus (B \cap C) = (A \setminus B) \cup (A \setminus C)$ -யை சரிபார்க்கவும்.
- 32) $A = \{4, 6, 8, 10\}$ மற்றும் $B = \{3, 4, 5, 6, 7\}$ என்க. $f: A \rightarrow B$ என்பது $f(x) = \frac{1}{2}x + 1$ என வரையறுக்கப்பட்டுள்ளது. சா்பு f-யை (i) அம்புக்குறி படம் (ii) வரிசைச் சோடிகளின் கணம் (iii) அட்டவணை ஆகியவற்றின் மூலம் குறிக்க.
- 33) $6+66+666+\dots$ என்ற தொடரின் முதல் n உறுப்புகளின் கூடுதல் காண்க.
- 34) நிறுவுக: $\frac{1-x^4}{1-x} + \frac{1-x^3}{1+x} = \frac{2(1+x+x^2)+x^3}{1+x}$
- 35) $ax^4-bx^3+40x^2+24x+36$ ஆனது ஒரு முழுவர்க்கம் எனில், a, b ஆகியவற்றின் மதிப்புகளைக் காண்க.
- 36) $5x^2-px+1 = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் α மற்றும் β என்க. மேலும் $\alpha-\beta = 1$ எனில், p-ன் மதிப்பைக் காண்க.

37) $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ மற்றும் $I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ எனில் $A^2 - (a+d)A = (bc-ad)I_2$ என நிறுவுக.

- 38) (3, 4), (-1, 2) என்ற புள்ளிகளை இணைக்கும் நேர்கோட்டின் மையக்குத்துக் கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
- 39) ஒரு முக்கோணத்தில் ஒரு கோணத்தின் உட்புற இருசமவெட்டியானது அக்கோணத்தின் எதிர்பக்கத்தை உட்புறமாக அக்கோணத்தினை அடக்கிய பக்கங்களின் விகிதத்தில் பிரிக்கும்.
- 40) ஒரு மலை உச்சியின் ஏற்றக்கோணம் ஒரு கோபுரத்தின் கீழ் பகுதியிலிருந்து 60° -யாகவும், கோபுரத்தின் ஏற்றக்கோணம் மலையின் கீழ் பகுதியிலிருந்து 30° -யாகவும் அளக்கப்படுகிறது. கோபுரத்தின் உயரம் 50மீ எனில், மலையின் உயரத்தைக் காண்க.
- 41) ஒரு நேர்வட்ட திண்மக் கூம்பின் ஆரமும், சாயுயரமும் 3 : 5 என்ற விகிதத்தில் உள்ளன. அக்கூம்பின் வளைபரப்பு 60π ச.செ.மீ எனில், அதன் மொத்தப் புறப்பரப்பைக் காண்க.
- 42) ஒரு திண்ம மரபொம்மையானது அரைக்கோளத்தின் மேல் கூம்பு வடிவில் உள்ளது. அரைக்கோளம் மற்றும் கூம்பு ஆகியவற்றின் ஆரம் 3.5 செ.மீ. மேலும் பொம்மையின் மொத்த உயரம் 17.5 செ.மீ எனில், அப்பொம்மை தயாரிக்கப்பட்ட மரத்தின் கனஅளவைக் காண்க. ($\pi = 22/7$)
- 43) ஒரு புள்ளி விபரத் தொகுப்பில் $\sum x = 35$, $n = 5$, $\sum (x-9)^2 = 82$ எனில் $\sum x^2$ மற்றும் $\sum (x-\bar{x})^2$ ஆகியவற்றைக் காண்க.
- 44) A, B, C ஆகியோர் ஒரு வினாவிற்கு தீர்வு காண்பதற்கான நிகழ்தகவுகள் முறையே $4/5$, $2/3$, $3/7$ என்க. A மற்றும் B இருவரும் சேர்ந்து தீர்வு காண்பதற்கான நிகழ்தகவு $8/15$. B மற்றும் C இருவரும் சேர்ந்து தீர்வு காண்பதற்கான நிகழ்தகவு $2/7$. A மற்றும் C இருவரும் சேர்ந்து தீர்வு காண நிகழ்தகவு $12/35$. மூவரும் சேர்ந்து தீர்வு காண நிகழ்தகவு $8/35$ எனில், யாரேனும் ஒருவர் அவ்வினாவின் தீர்வு காண்பதற்கான நிகழ்தகவினைக் காண்க.
- 45) a) 400க்கும் 600க்கும் இடையே 11 ஆல் வகுபடும் அனைத்து இயல் எண்களின் கூடுதல் காண்க. (அல்லது)
b) (-1, 6), (-3, -9), (5, -8) மற்றும் (3, 9) ஆகிய புள்ளிகளை முனைகளாகக் கொண்ட நாற்கரத்தின் பரப்பு காண்க.

பிரிவு - ஈ

2×10=20

- குறிப்பு: i) இப்பிரிவில் உள்ள ஒவ்வொரு வினாவிலும் இரண்டு மாற்று வினாக்கள் கொடுக்கப்பட்டுள்ளன.
ii) ஒவ்வொரு வினாவிலும் உள்ள இரண்டு மாற்று வினாக்களிலிருந்து ஒரு வினாவை தேர்ந்தெடுத்து இரு வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். iii) ஒவ்வொரு வினாக்களுக்கும் பத்து மதிப்பெண்கள்.
- 46) a) $PQ = 4$ செ.மீ, $\angle P = 100^\circ$, $\angle PQS = 40^\circ$, $\angle RQS = 70^\circ$ எனும்படி வட்டநற்கரம் PQRS வரைக. (அல்லது)
b) 6 செ.மீ ஆரமுள்ள ஒரு வட்டம் வரைந்து அதன் மையத்திலிருந்து 10 செ.மீ தொலைவிலுள்ள ஒரு புள்ளியைக் குறிக்க. அப்புள்ளியிலிருந்து வட்டத்திற்கு தொடுகோடுகள் வரைந்து அதன் நீளங்களை கணக்கிடுக.
- 47) a) $y = x^2 + x - 12$ -ன் வரைபடம் வரைந்து, அதனைப் பயன்படுத்தி $x^2 + 2x + 2 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும். (அல்லது)
b) $xy = 20$, $x, y > 0$ என்பதன் வரைபடம் வரைக. அதனைப் பயன்படுத்தி $x = 5$ எனில், y-ன் மதிப்பையும், y = 10 எனில், x-ன் மதிப்பையும் காண்க.