

வகுப்பு 10

காலம்: 2.30 மணி

கணிதம்

மதிப்பெண்கள்: 100

பிரிவு - அ

குறிப்பு: i) இப்பிரிவில் உள்ள 15 வினாக்களுக்கும் விடையளிக்க. ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள நான்கு வினாக்களில் மிகவும் சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக. 15x1=15
iii) ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் ஒரு மதிப்பெண்.

- 1) A, B ஆகிய இரண்டு கணங்களுக்கு, $\{(A \setminus B) \cup (B \setminus A)\} \cap (A \cap B) =$
a) ϕ b) $A \cup B$ c) $A \cap B$ d) $A' \cap B'$
- 2) $\sum_{k=1}^n (2k-1) =$
a) n^2 b) k^2 c) $\frac{\ell+1}{2}$ d) $\frac{k+1}{2}$
- 3) a, b, c என்பன ஒரு பெருக்குத்தொடர் வரிசையில் உள்ளன எனில், $\frac{a-b}{b-c} =$
a) $\frac{a}{b}$ b) $\frac{b}{a}$ c) $\frac{b}{c}$ d) $\frac{c}{b}$
- 4) $f(x) = 2x^2 + (p+3)x + 5$ என்னும் பல்லுறுப்புக்கோவையின் இரு பூச்சியங்களின் கூடுதல் பூச்சியமெனில் pன் மதிப்பு
a) 3 b) 4 c) -3 d) -4
- 5) α, β என்பன $x^2 + 2x + 8 = 0$ ன் மூலங்கள் எனில் $\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\beta}{\alpha} =$ ன் மதிப்பு
a) $\frac{1}{2}$ b) 16 c) $\frac{3}{2}$ d) $\frac{-3}{2}$
- 6) $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ எனில் a, b, c மற்றும் d ஆகியனவற்றின் மதிப்புகள் முறையே
a) -1, 0, 0, -1 b) 1, 0, 0, 1 c) -1, 0, 1, 0 d) 1, 0, 0, 0
- 7) $3x + 6y = 7$ மற்றும் $2x + ky = 5$ ஆகிய நேர்க்கோடுகள் செங்குத்தானவை எனில் kன் மதிப்பு
a) 1 b) -1 c) 2 d) 1/2
- 8) $x - 5 = 0$ மற்றும் $y + 4 = 0$ என்ற நேர்க்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளி
a) (4, 5) b) (5, 4) c) (5, -4) d) (-4, 5)
- 9) பிரிவு - ஆ

10x2=20

குறிப்பு: i) 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. ii) முதல் 14 வினாக்களிலிருந்து ஏனும் 9 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 30க்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்க. iii) ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் இரண்டு மதிப்பெண்கள்.

- 16) $n(A) = 285, n(B) = 195, n(U) = 500$ மற்றும் $n(A \cup B) = 410$ எனில் $n(A' \cap B')$ ஐக் காண்க.
- 17) $X = \{1, 2, 3, 4\}$ என்க. பின்வரும் ஒவ்வொரு உறவும், Xலிருந்து Xக்கு ஒரு சாப்பாகுமா என ஆராய்க. உன் விடைக்கு ஏற்ற விளக்கம் தருக. (i) $g = \{(3, 1), (4, 2), (2, 1)\}$ (ii) $h = \{(2, 1), (3, 4), (1, 4), (4, 3)\}$
- 18) ஒரு கூட்டுத்தொடர் வரிசையின் 9 ஆவது உறுப்பு பூச்சியம் எனில், 19 ஆவது உறுப்பின் இருமடங்கு 29 ஆவது உறுப்பு என நிரூபி.
- 19) $x^4 + \frac{1}{x} + 2$ ன் வாக்கமூலம் காண்க.
- 20) ஒரு எண் மற்றும் அதன் தலைகீழி ஆகியவற்றின் கூடுதல் $5\frac{1}{5}$ எனில் அந்த எண்ணைக் காண்க.
- 21) $A = \begin{pmatrix} -2 \\ 4 \\ 5 \end{pmatrix}$ மற்றும் $B = (1 \ 3 \ -6)$ என்ற அணிகளுக்கு $(AB)^T$ காண்க.
- 22) $a_{ij} = \frac{i-j}{i+j}$ என்ற உறுப்புகளைக் கொண்ட வரிசை 3×2 உள்ள அணி $A = [a_{ij}]$ யினை அமைக்க.
- 23) (6, 4) மற்றும் (1, -7) என்ற புள்ளிகளை இணைக்கும் கோட்டுத்துண்டின் X-அச்சு பிரிக்கும் விகிதத்தைக் காண்க.
- 24) $x + 2y + 1 = 0, 2x - y + 5 = 0$ ஆகிய நேர்க்கோடுகள் ஒன்றுக்கொன்று செங்குத்தானவை என நிறுவுக.

10M

- 25) ΔABC ல் $\angle A$ ன் வெளிப்புற இருசமவெட்டி ஆனது BC ன் நீட்சியினை E ல் சந்திக்கிறது. $AB = 10$ செ.மீ, $AC = 6$ செ.மீ மற்றும் $BC = 12$ செ.மீ எனில் CE ஐக் காண்க.
- 26) $\sqrt{\frac{1-\sin\theta}{1+\sin\theta}} = \sec\theta - \tan\theta$ என நிறுவுக.
- 27) அரைக்கோள வடிவ கிண்ணத்தின் தடிமன் 0.25 செ.மீ. அதன் உட்புற ஆரம் 5 செ.மீ எனில் அக்கிண்ணத்தின் வெளிப்புற வளைபரப்பைக் காண்க. ($\pi = 22/7$)
- 28) கண்டறிந்த புள்ளி விவரத் தொகுப்பிலுள்ள 20 மதிப்புகளின் திட்டவிலக்கம் $\sqrt{5}$ என்க. புள்ளி விவரத்தின் ஒவ்வொரு மதிப்பையும் 2 ஆல் பெருக்கினால் கிடைக்கும் புதிய புள்ளி விவரங்களின் திட்டவிலக்கம் மற்றும் விலக்கவாக்கச் சராசரி காண்க.
- 29) இரு பகடைகள் ஒரு சேர உருட்டப்படுகின்றன. முக எண்களைக் கொண்டு அமைக்கப்படும் ஈரிலக்க எண் 3 ஆல் வகுபடும் எண்ணாக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவு காண்க.
- 30) a) 11 செ.மீ, 12 செ.மீ, 13 செ.மீ,, 24 செ.மீ ஆகியனவற்றை முறையே பக்க அளவுகளாகக் கொண்ட 14 சதுரங்களின் மொத்தப்பரப்பு காண்க. (அல்லது)
b) 24 செ.மீ ஆரமுள்ள ஒரு திண்ம உலோகக் கோளமானது உருக்கப்பட்டு 1.2 கி.மீ ஆரமுள்ள சீரான உருளைக் கம்பியாக மாற்றப்பட்டால் அக்கம்பியின் நீளத்தைக் காண்க.

பிரிவு - இ

- குறிப்பு: i) 9 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. ii) முதல் 14 வினாக்களிலிருந்து ஏனோம் 8 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 45க்கு கண்ப்பக விடையளிக்க. iii) ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் ஐந்து மதிப்பெண்கள். $9 \times 5 = 40$
- 31) ஒரு நகரத்தில் 85% பேர் ஆங்கில மொழி, 40% பேர் தமிழ் மொழி மற்றும் 20% பேர் இந்தி மொழி பேசுகிறார்கள். 42% பேர் தமிழும் ஆங்கிலமும், 23% பேர் தமிழும் இந்தியும் மற்றும் 10% பேர் ஆங்கிலமும் இந்தியும் பேசுகிறார்கள் எனில், மூன்று மொழிகளையும் பேசத் தெரியாதவர்களின் சதவீதத்தைக் காண்க.
- 32) $A = \{4, 6, 8, 10\}$ மற்றும் $B = \{3, 4, 5, 6, 7\}$ என்க. $f: A \rightarrow B$ என்பது $f(x) = \frac{1}{2}x+1$ என வரையறுக்கப்பட்டுள்ளது. சார்பு-ஐ (i) அம்புக்குறிப்பிடும் (ii) வரிசைச் சோடிகளின் கணம் (iii) அட்டவணை ஆகியவற்றின் மூலம் குறிக்க.
- 33) ஒரு கூட்டுத்தொடரில் முதல் 11 உறுப்புகளின் கூடுதல் 44 மற்றும் அடுத்த 11 உறுப்புகளின் கூடுதல் 55 எனில், அத்தொடரைக் காண்க.
- 34) $x^2 - 2x(1+3K) + 7(3+2K) = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் மெய்யெண்கள் மற்றும் சமம் எனில் K ன் மதிப்புகளைக் காண்க.
- 35) $ax^4 - bx^3 + 40x^2 + 24x + 36$ ஆனது ஒரு முழுவாக்கம் எனில் a, b ஆகியவற்றின் மதிப்புகளைக் காண்க.
- 36) $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ மற்றும் $I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ எனில் $A^2 - (a+d)A = (bc-ad)I_2$ என நிறுவுக.
- 37) $(-4, -2), (-3, -5), (3, -2)$ மற்றும் $(2, 3)$ ஆகிய புள்ளிகளை முனைகளாகக் கொண்ட நாற்கரத்தின் பரப்பைக் காண்க.
- 38) $2x+y-3=0, 5x+y-6=0$ ஆகிய நேர்க்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளி வழியாகவும் $(1, 2), (2, 1)$ ஆகிய புள்ளிகளை இணைக்கும் நேர்க்கோட்டிற்கு இணையாகவும் உள்ள நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
- 39) தேல்ஸ் தேற்றத்தை எழுதி நிறுவுக.
- 40) ஒரு கட்டத்தின் மேல் ஒரு கொடிக்கம்பம் நிற்கிறது. தரையிலுள்ள ஒரு புள்ளியிலிருந்து கொடிக்கம்பத்தின் உச்சி மற்றும் அடி ஆகியவற்றின் ஏற்றக்கோணங்கள் முறையே 60° மற்றும் 45° என்க. மேலும் கொடிக்கம்பத்தின் உயரம் 10 மீ எனில், கட்டத்தின் உயரத்தைக் காண்க.
- 41) ஒரு பாத்திரம் இடைக்கண்டம் வடிவில் உள்ளது. அதன் மேற்புற ஆரம் மற்றும் உயரம் முறையே 8 செ.மீ மற்றும் 14 செ.மீ என்க. அப்பாத்திரத்தின் கனஅளவு $\frac{5676}{3}$ க.செ.மீ எனில், அடிப்பக்கத்திலுள்ள வட்டத்தின் ஆரத்தினைக் காண்க.
- 42) ஒரு திண்ம மரப்பொம்மையானது அரைக்கோளத்தின் மேல் கூம்பு இணைந்த வடிவில் உள்ளது. அரைக்கோளம் மற்றும் கூம்பு ஆகியவற்றின் ஆரம் 3.5 செ.மீ. மேலும் பொம்மையின் மொத்த உயரம் 17.5 செ.மீ எனில் அப்பொம்மை தயாரிக்கப் பயன்படுத்தப்பட்ட மரத்தின் கனஅளவைக் காண்க.
- 43) உலகக் கால்பந்து போட்டிகளின் 71 முன்னணி வீரர்கள் அடித்த கோல்களின் எண்ணிக்கையின் விவரங்கள் பின்வரும் அட்டவணையில் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. இவ்விவரத்தின் திட்டவிலக்கம் காண்க.

பிரிவு இடைவெளி	0-10	10-20	20-30	30-40	40-50	50-60	60-70
நிகழ்வெண்கள்	8	12	17	14	9	7	4

- 44) நன்கு கலைத்து அடுக்கி வைக்கப்பட்ட 52 சீட்டுகளைக் கொண்ட சீட்டுக் கட்டிலிருந்து சமவாய்ப்பு முறையில் ஒரு சீட்டு எடுக்கப்படுகிறது. அந்தச் சீட்டு ஸ்பேடாகவோ அல்லது இராசாவாகவோ இருப்பதற்கான நிகழ்தகவினைக் காண்க.
- 45) a) $7+77+777+ \dots$ எனும் தொடரில் முதல் n உறுப்புகளின் கூடுதல் காண்க. (அல்லது)
b) $2x^2 - 3x - 1 = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் α மற்றும் β எனில், பின்வருவனவற்றின் மதிப்புகளைக் காண்க. (i) $\alpha^2 + \beta^2$ (ii) $\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\beta}{\alpha}$ (iii) $\alpha - \beta$ இங்கு $\alpha > \beta$ (iv) $\left(\alpha + \frac{1}{\beta}\right)\left(\frac{1}{\alpha} + \beta\right)$

பிரிவு - ஈ

- குறிப்பு: i) இப்பிரிவில் ஒவ்வொரு வினாவிலும் இரண்டு மாற்று வினாக்கள் கொடுக்கப்பட்டுள்ளன.
ii) ஒவ்வொரு வினாவிலும் உள்ள இரண்டு மாற்று வினாக்களிலிருந்து ஒரு வினாவைத் தேர்ந்தெடுத்து ஒரு வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. $2 \times 10 = 20$
iii) ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் பத்து மதிப்பெண்கள்.
- 46) a) ΔPQR ல் அடிப்பக்கம் $PQ = 6$ செ.மீ, $\angle R = 60^\circ$ மற்றும் உச்சி R லிருந்து PQ க்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம் 4 செ.மீ என இருக்குமாறு ΔPQR வரைக. (அல்லது)
b) $PQ = 4$ செ.மீ, $\angle P = 100^\circ$, $\angle PQS = 40^\circ$ மற்றும் $\angle SQR = 70^\circ$ எனும்படி வட்டநாற்கரம் PQRS வரைக.
- 47) a) $y = x^2 + 2x - 3$ ன் வரைபடம் வரைந்து, அதனைப் பயன்படுத்தி $x^2 - x - 6 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்க. (அல்லது)
b) ஒரு லிட்டர் பாலின் விலை ரூ. 15 என்க. பாலின் அளவுக்கும் விலைக்கும் உள்ளத் தொடர்பினைக் காட்டும் வரைபடம் வரைக. அதனைப் பயன்படுத்தி, (i) விகிதசம மாறிலியைக் காண்க. (ii) 3 லிட்டர் பாலின் விலையைக் காண்க.